

**EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a**

**Anul școlar 2015 - 2016**

**Matematică**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

**Model**

- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total obținut pentru lucrare.

**SUBIECTUL I**

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie 5 puncte, fie 0 puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

**SUBIECTUL al II-lea și SUBIECTUL al III-lea**

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

1.	40	5p
2.	3	5p
3.	6	5p
4.	$6\sqrt{2}$	5p
5.	150	5p
6.	240	5p

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

1.	Desenează cilindrul circular drept Notează secțiunea axială a cilindrului circular drept	4p 1p
2.	$(10a + b) - (10b + a) = ab - a \Leftrightarrow a(10 - b) = 9b$ Cum $a$ și $b$ sunt numere diferite, prime între ele, obținem $\overline{ab} = 95$	2p 3p
3.	$x + (x + 6) + (x + 6 + 6) = 108$ , unde $x$ este distanța parcursă în prima zi $3x = 90 \Leftrightarrow x = 30$ km	3p 2p
4.	a) $f(4) = 2 \Leftrightarrow 4m - 6 = 2$ $m = 2$	3p 2p
	b) $OA = 3$ , unde $A$ este punctul de intersecție a graficului funcției $f$ cu axa $Ox$ și $OB = 6$ , unde $B$ este punctul de intersecție a graficului funcției $f$ cu axa $Oy$ $\triangle AOB$ este dreptunghic, $AB = 3\sqrt{5}$ , deci distanța de la punctul $O$ la dreapta $AB$ este $\frac{OA \cdot OB}{AB} = \frac{6}{\sqrt{5}} = \frac{6\sqrt{5}}{5}$	2p 3p
5.	$\frac{x-4}{x-2} + \frac{x-2}{x-4} - 2 = \frac{4}{(x-2)(x-4)}$ $E(x) = \frac{x}{x-4} - \frac{4}{(x-2)(x-4)} \cdot \frac{x-2}{1} = \frac{x-4}{x-4} = 1$	3p 2p

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

1.	a) $FP = 3\sqrt{3}$ cm, unde $P \in (AE)$ astfel încât $FP \perp AE$	2p
	$\mathcal{A}_{\triangle AEF} = \frac{6 \cdot 3\sqrt{3}}{2} = 9\sqrt{3}$ cm <sup>2</sup>	3p
	b) $BC = 3\sqrt{3}$ cm	2p
	$AC^2 = AB^2 + BC^2 \Rightarrow AC = 6\sqrt{3}$ cm	3p

	<p>c) <math>DF = \frac{AF}{2} \Rightarrow DF = 3 \text{ cm}</math>, deci <math>CF = 6 \text{ cm}</math></p> <p><math>AE = CF</math> și <math>AE \parallel CF \Rightarrow AE CF</math> paralelogram</p> <p>Cum <math>AF = AE \Rightarrow AE CF</math> romb, deci <math>AC \perp EF</math></p>	<p>2p</p> <p>1p</p> <p>2p</p>
2.	<p>a) <math>AO = 5 \text{ cm}</math></p> <p><math>VO^2 = VA^2 - AO^2 \Rightarrow VO = 12 \text{ cm}</math></p>	<p>2p</p> <p>3p</p>
	<p>b) <math>\frac{A_{\text{totală}}}{A_{\text{laterală}}} = \frac{A_{\text{laterală}} + A_{\text{bază}}}{A_{\text{laterală}}} = 1 + \frac{A_{\text{bază}}}{A_{\text{laterală}}} = 1 + \frac{\pi \cdot 5^2}{\pi \cdot 5 \cdot 13} =</math></p> <p><math>= 1 + \frac{5}{13} = 1 \frac{5}{13}</math></p>	<p>3p</p> <p>2p</p>
	<p>c) <math>V_{\text{con}} = \frac{\pi \cdot 5^2 \cdot 12}{3} = 100\pi \text{ cm}^3 = 100\pi \text{ ml}</math></p> <p>Masa înghețatei este egală cu <math>\frac{700 \cdot 100\pi}{1000} = 70\pi</math> grame</p> <p><math>\pi &lt; 3,15 \Rightarrow 70\pi &lt; 220,5 \Rightarrow 70\pi &lt; 221</math>, deci în interiorul cornetului avem mai puțin de 221 de grame de înghețată</p>	<p>2p</p> <p>1p</p> <p>2p</p>